

# **CONTROLLI AUTOMATICI**

## **Ingegneria Meccanica e Ingegneria del Veicolo**

<http://www.dii.unimore.it/~lbiagiotti/ControlliAutomatici.html>

# **SCHEMI A BLOCCHI**

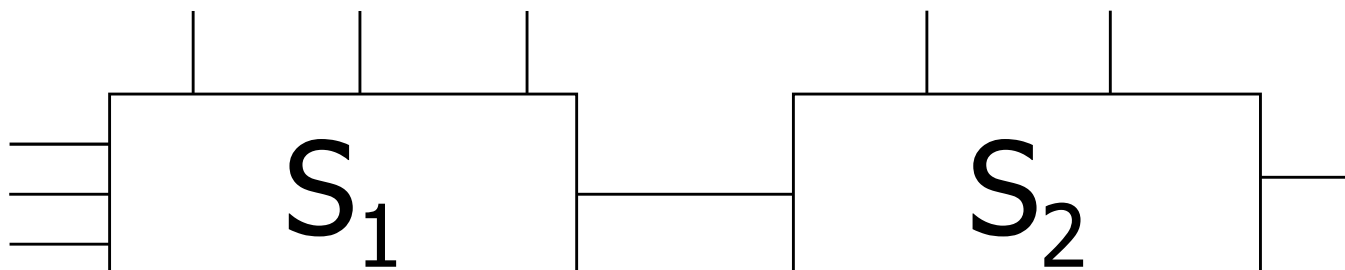
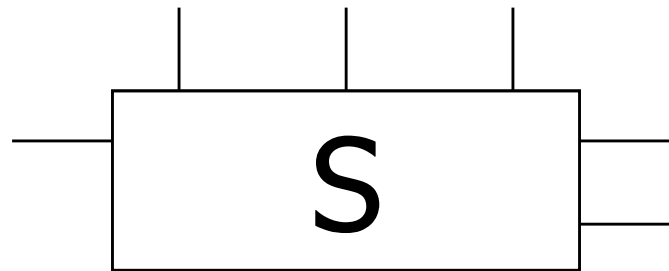
Ing. Luigi Biagiotti

e-mail: [luigi.biagiotti@unimore.it](mailto:luigi.biagiotti@unimore.it)

<http://www.dii.unimore.it/~lbiagiotti>

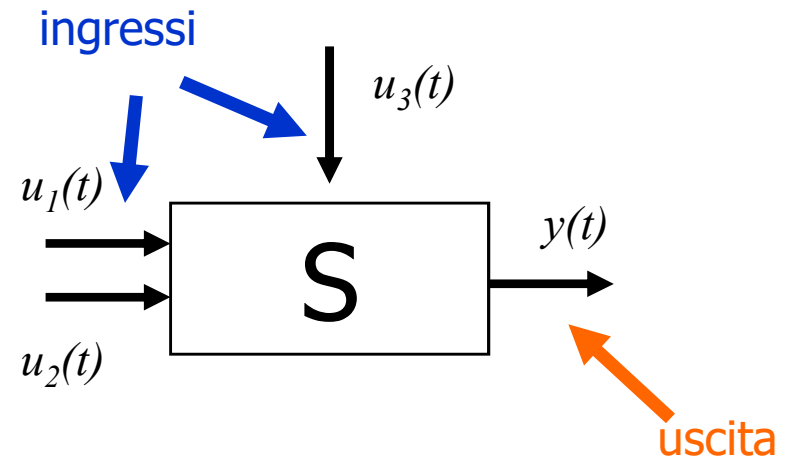
## Schemi a blocchi

- Un sistema viene rappresentato graficamente con un *blocco*, e le sue variabili mediante collegamenti con *l'ambiente esterno* o con altri sistemi.

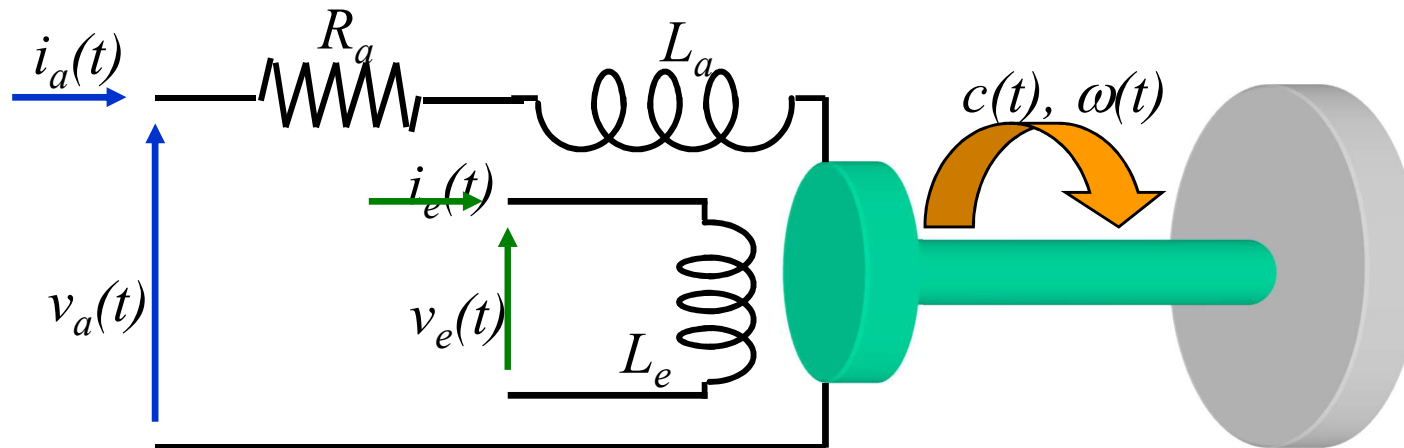


# Schemi a blocchi

- Un sistema *orientato* è un sistema in cui le variabili sono suddivise in
  - Variabili di **ingresso** (cause)
  - Variabili di **uscita** (effetti)

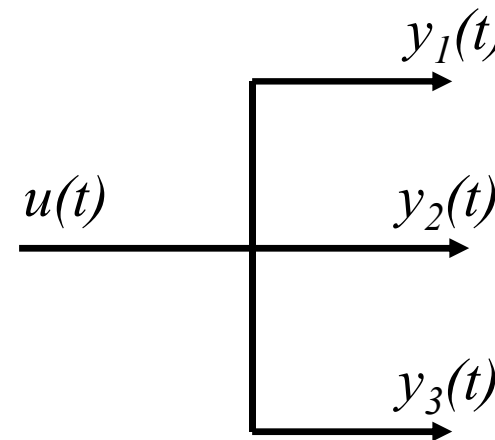
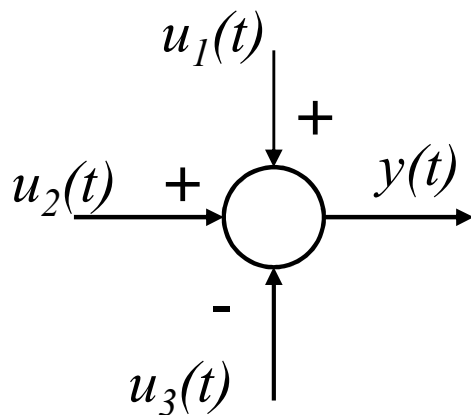


- Non sempre la suddivisione tra ingressi ed uscite (cause ed effetti) è univoca



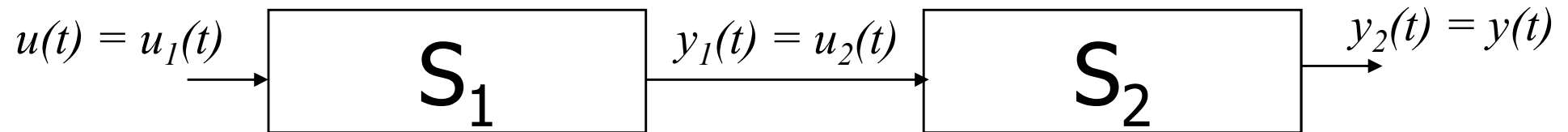
# Schemi a blocchi

- I sistemi (sottosistemi) possono essere connessi tra loro mediante le variabili di ingresso/uscita.
- Le variabili sono indicate con frecce, e in uno schema oltre ai blocchi che descrivono i sistemi vi possono essere nodi *sommatori* e *punti di diramazione*.

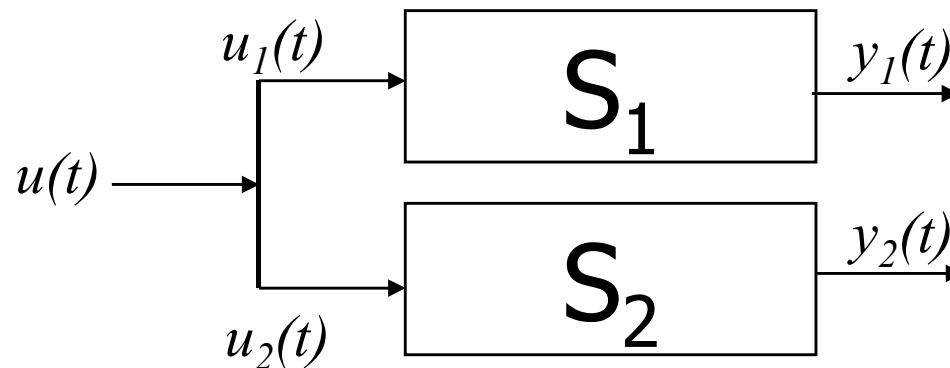


# Schemi a blocchi

- Connessione in cascata (serie):  
l'uscita del primo costituisce l'ingresso del secondo

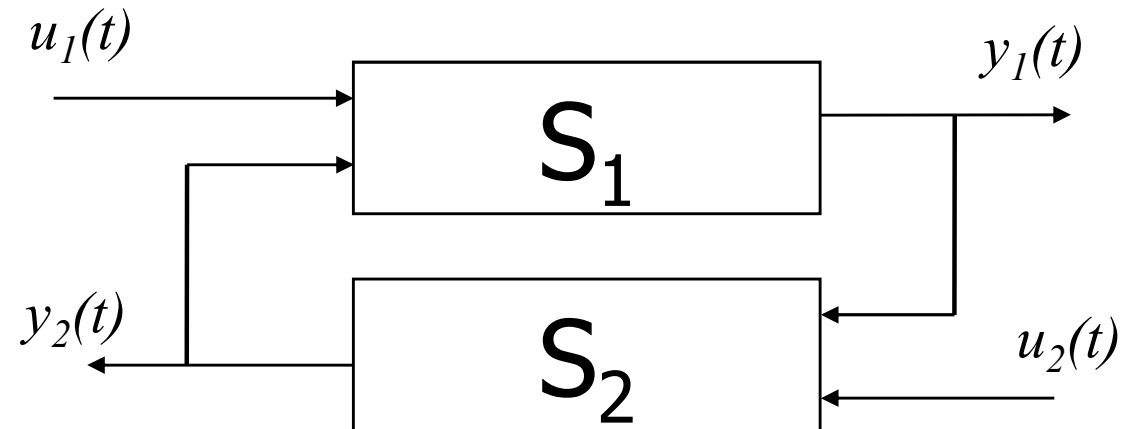


- Connessione in parallelo:  
stesso ingresso



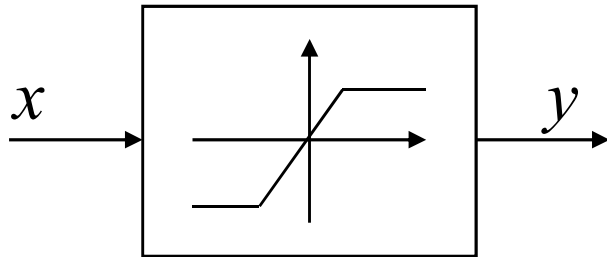
## Schemi a blocchi

- Connessione in retroazione: i sistemi sono collegati ad anello e si influenzano reciprocamente

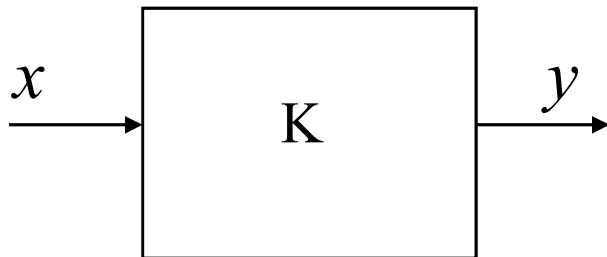


## Riduzione di schemi a blocchi

- Spesso i sistemi complessi vengono rappresentati con schemi a blocchi, i cui elementi hanno ciascuno un solo ingresso e una sola uscita.
- Blocchi elementari per la rappresentazione di sistemi *puramente algebrici* sono

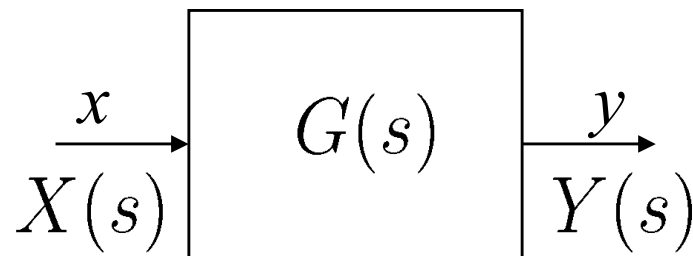


che rappresenta un elemento nonlineare, la cui caratteristica ingresso-uscita è tracciata schematicamente entro il blocco stesso

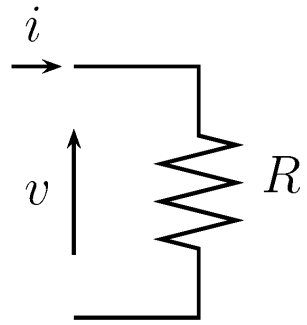


che rappresenta un elemento lineare, caratterizzato dalla costante di proporzionalità  $K$  che lega l'uscita all'ingresso  $y(t) = K x(t)$ , specificata di regola entro il blocco stesso

- I **sistemi dinamici lineari stazionari** sono descritti dalla **funzione di trasferimento**

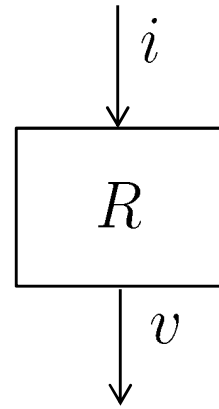
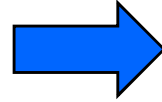


# Dominio elettrico: blocchi elementari

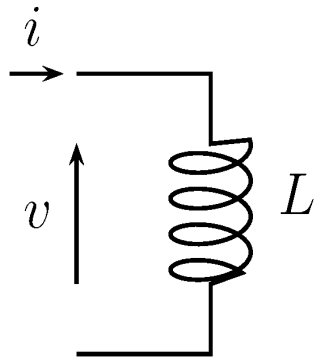
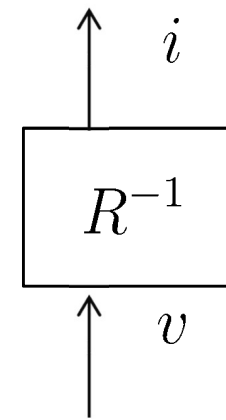


Resistenza

$$v(t) = R i(t)$$

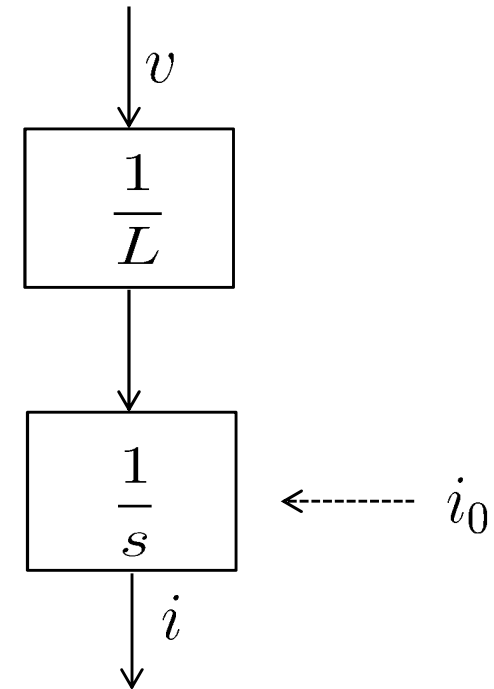
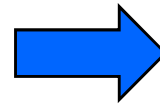


oppure



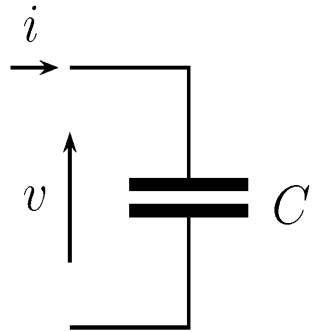
Induttanza

$$v(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$



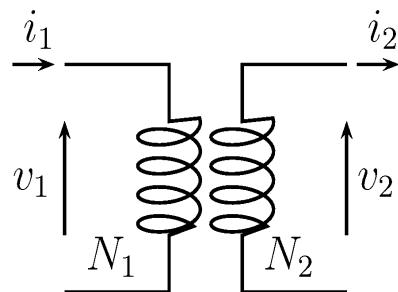
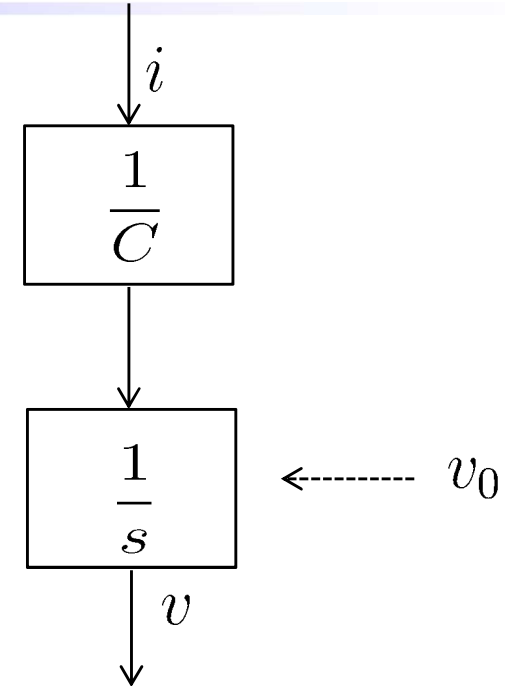
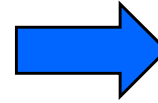


# Dominio elettrico: blocchi elementari



Capacità

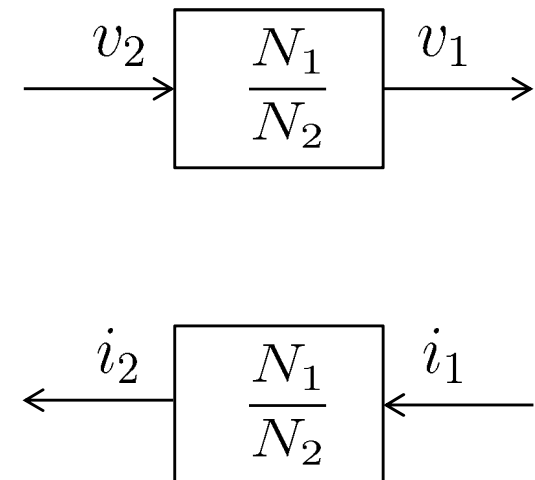
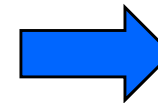
$$v(t) = \frac{1}{C} \int_0^t i(\tau) d\tau + \frac{Q_0}{C}$$



Trasformatore ideale

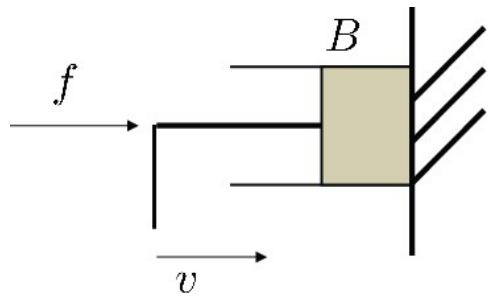
$$v_1(t) = \frac{N_1}{N_2} v_2(t), \quad i_1(t) = \frac{N_2}{N_1} i_2(t)$$

$$\Rightarrow v_1 i_1 = \left( \frac{N_1}{N_2} v_2 \right) \left( \frac{N_2}{N_1} i_2 \right) = v_2 i_2$$

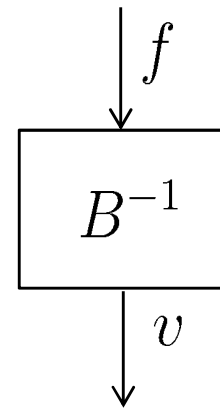
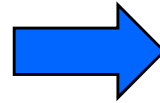


# Dominio meccanico: blocchi elementari

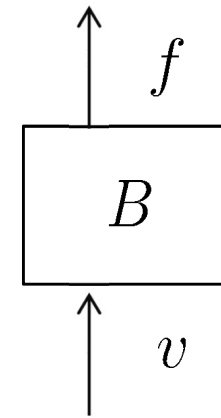
- Ammortizzatore



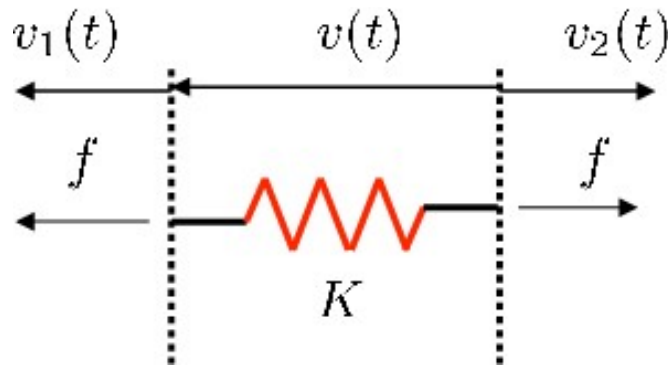
$$f(t) = B v(t)$$



oppure

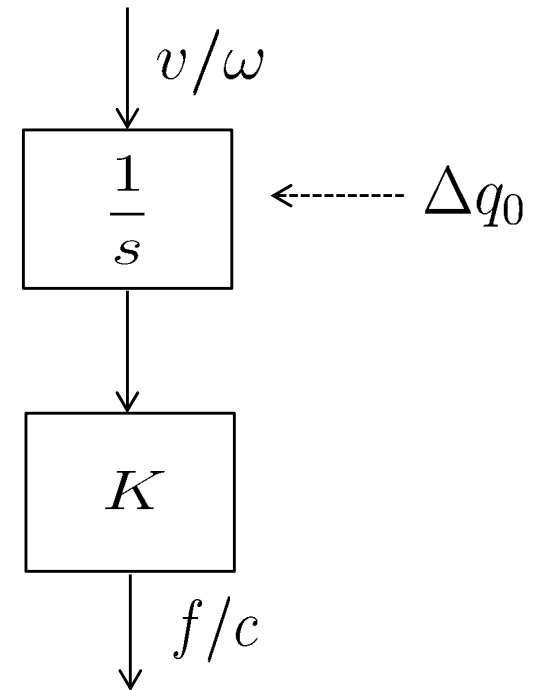
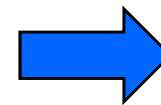
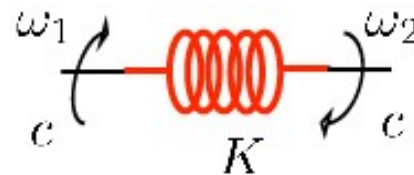


- Molla



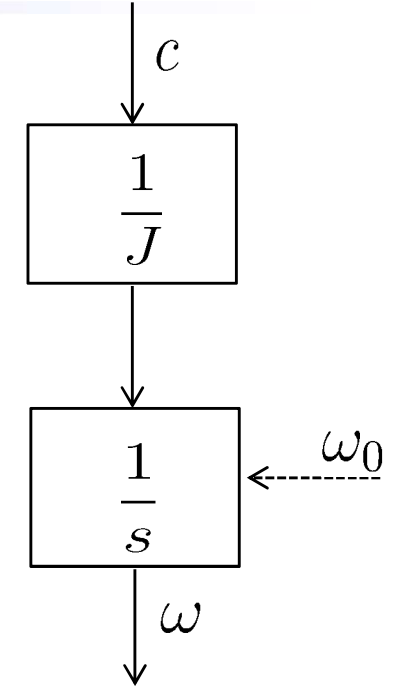
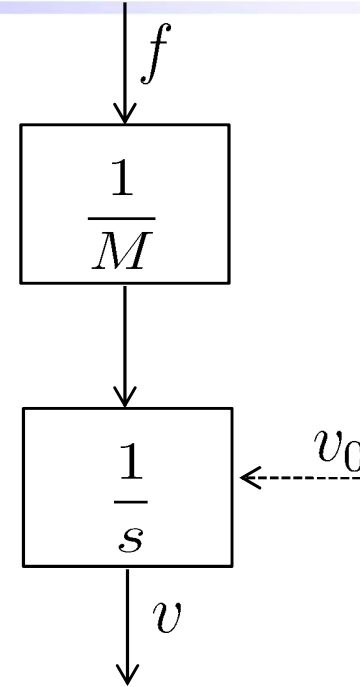
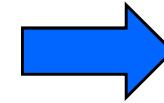
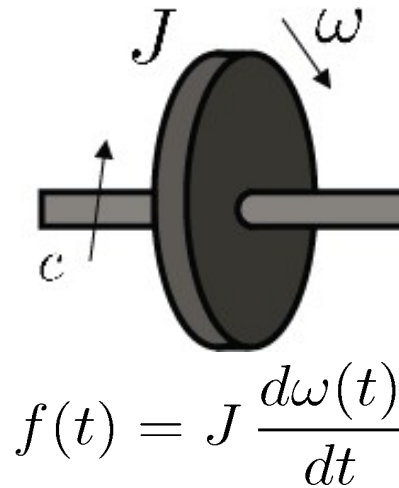
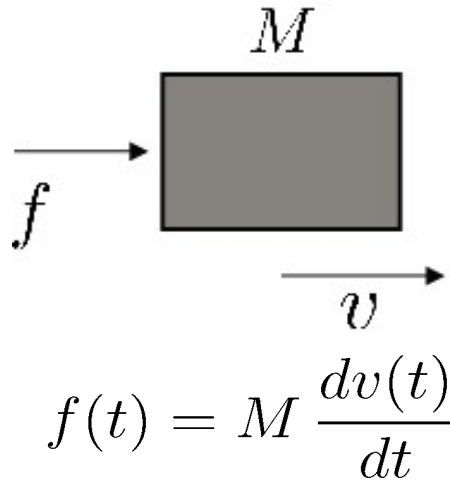
$$v(t) = \frac{1}{K} \frac{df(t)}{dt}$$

$$\omega(t) = \frac{1}{K} \frac{dc(t)}{dt}$$

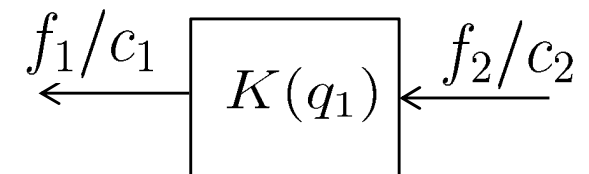
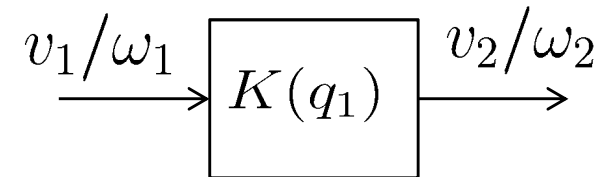
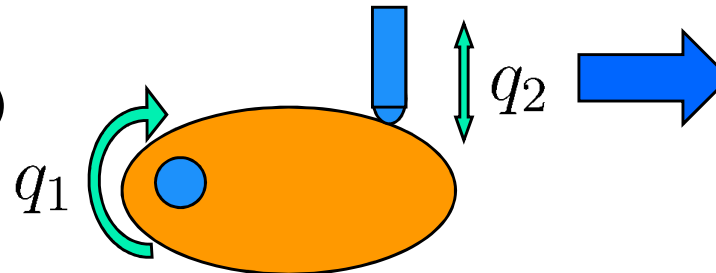
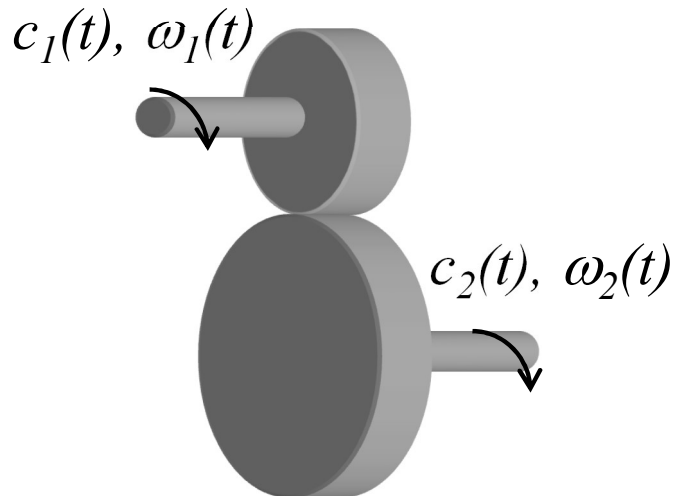


# Dominio meccanico: blocchi elementari

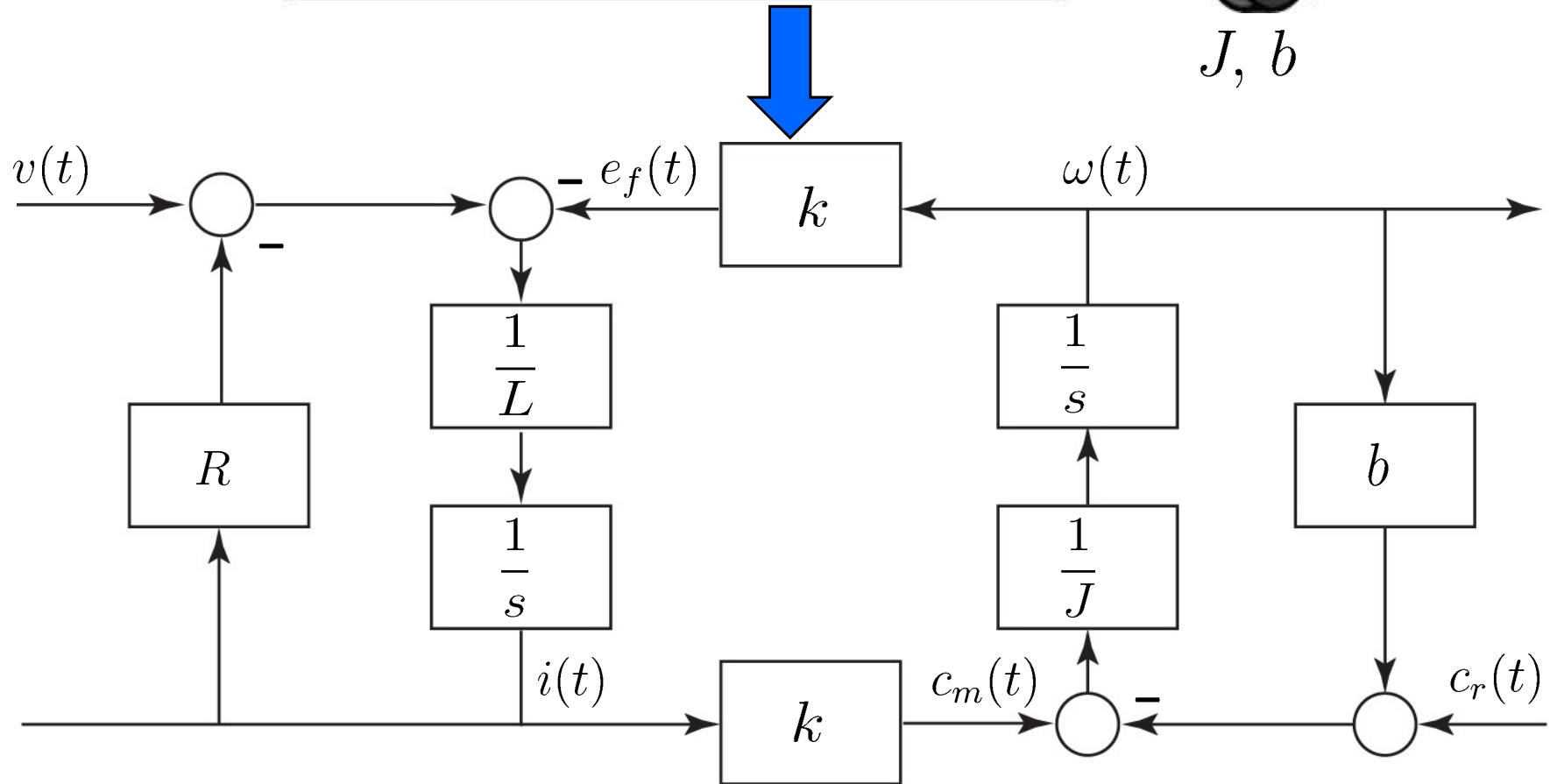
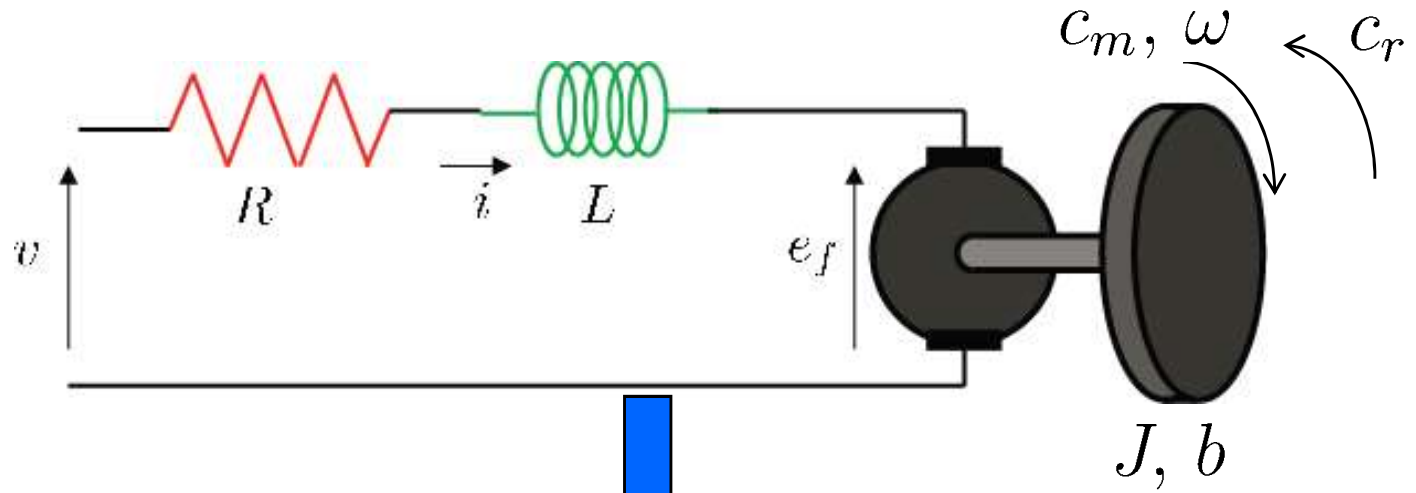
- Massa/Inerzia



- Cinematismo

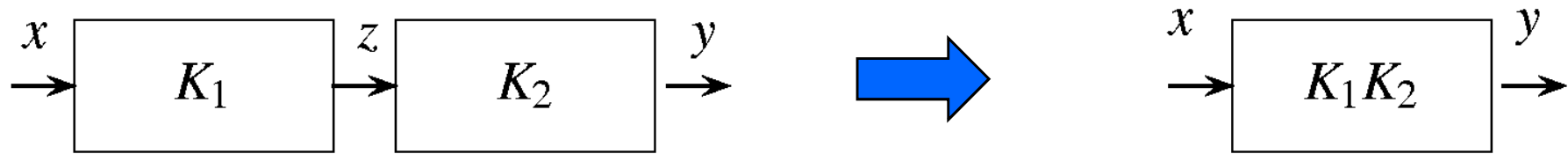


# Schema a blocchi del motore cc

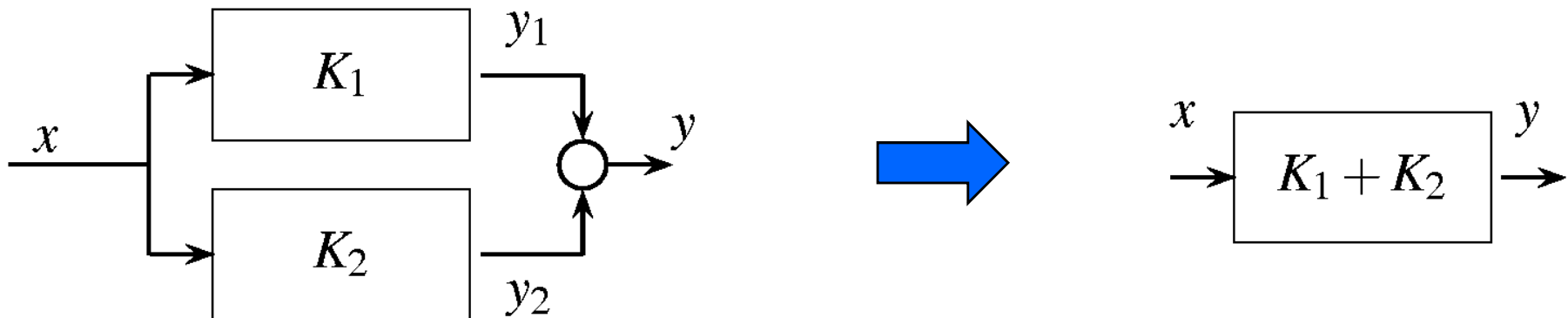


# Riduzione di schemi a blocchi - Regole

- Riduzione di blocchi in cascata:

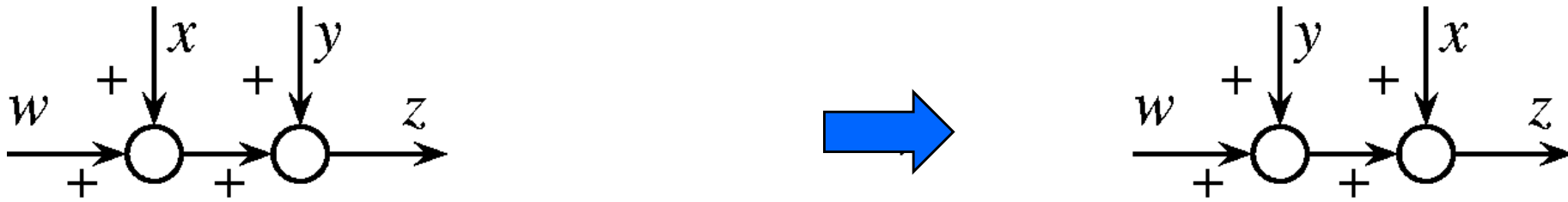


- Riduzione di blocchi in parallelo:

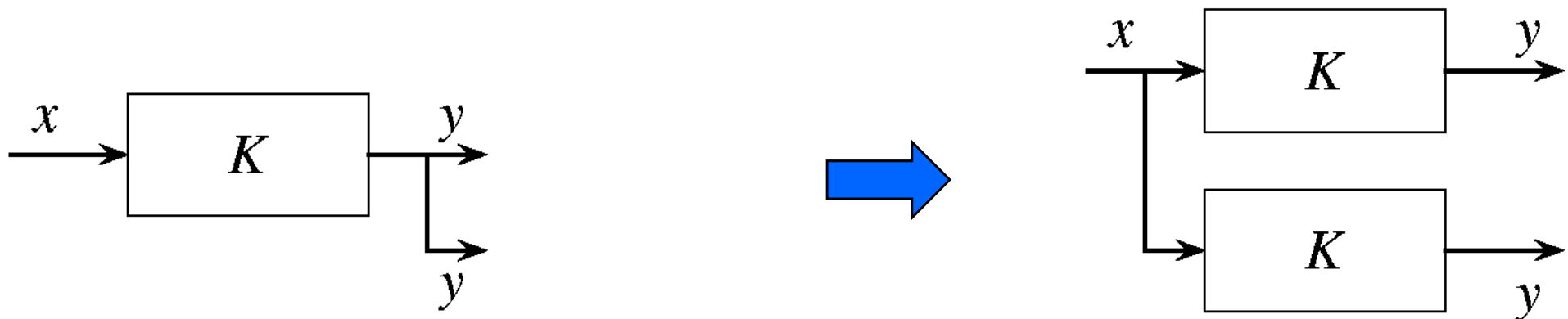


# Riduzione di schemi a blocchi - Regole

- Scambio di giunzioni sommanti

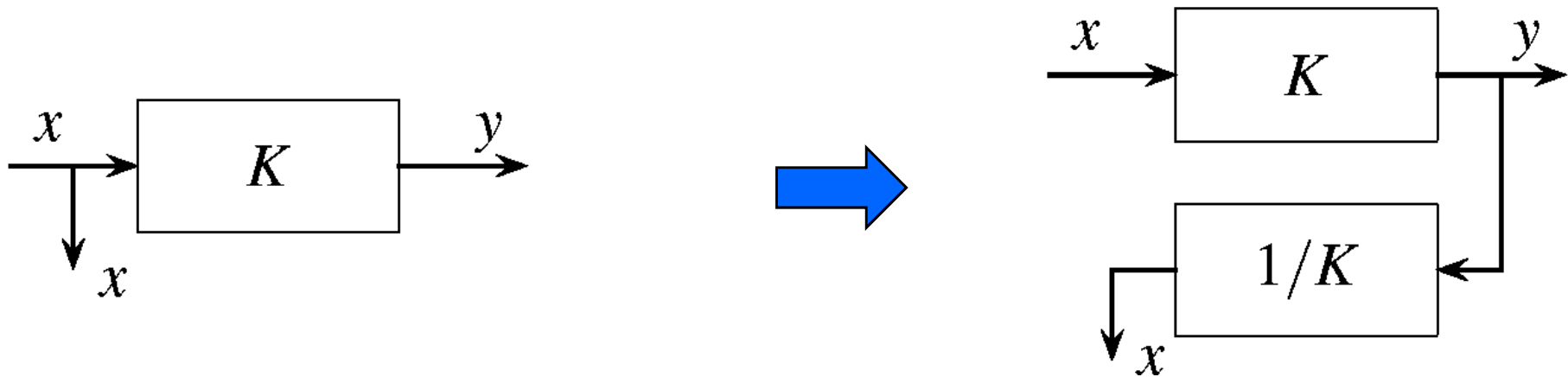


- Spostamento di un *punto di prelievo di segnale a monte* di un blocco:

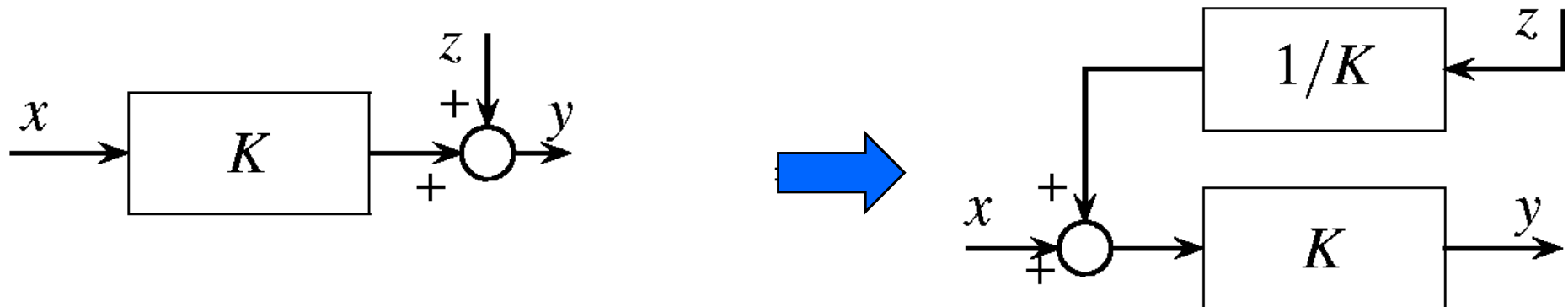


# Riduzione di schemi a blocchi - Regole

- Spostamento di un *punto di prelievo a valle* di un blocco:

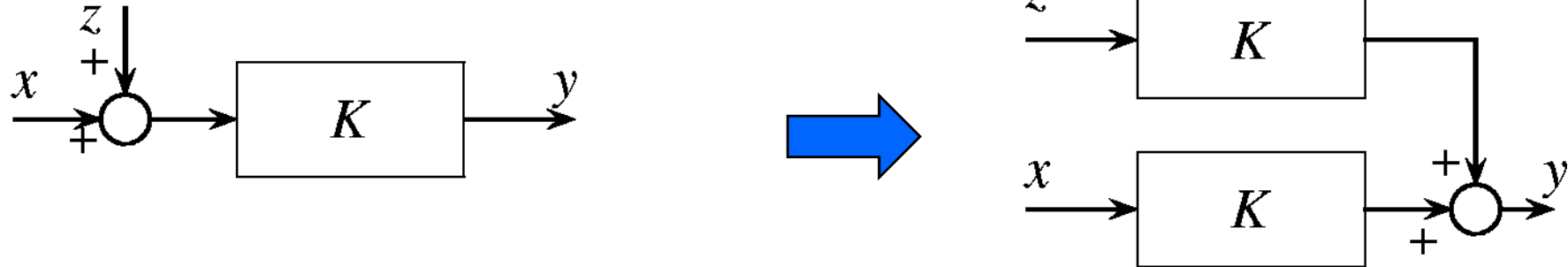


- Spostamento di una *giunzione sommante a monte* di un blocco:

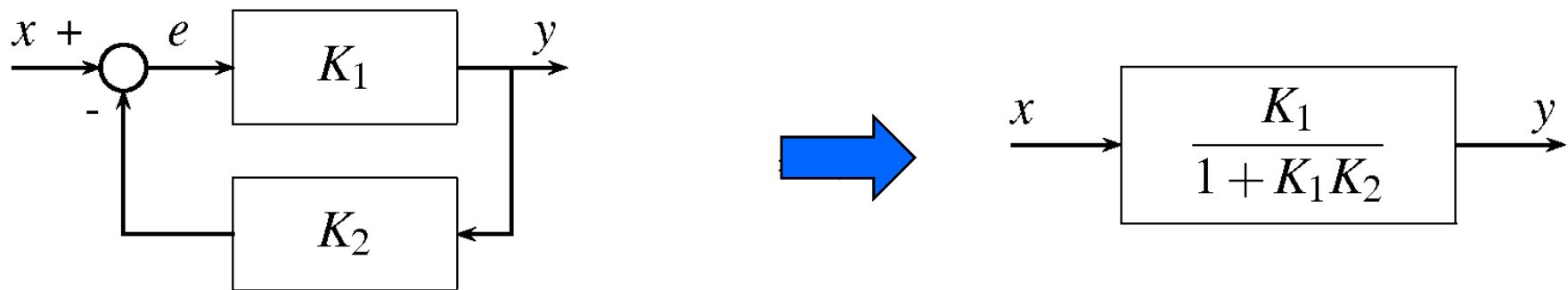


# Riduzione di schemi a blocchi - Regole

- Spostamento di una *giunzione sommante a valle* di un blocco:



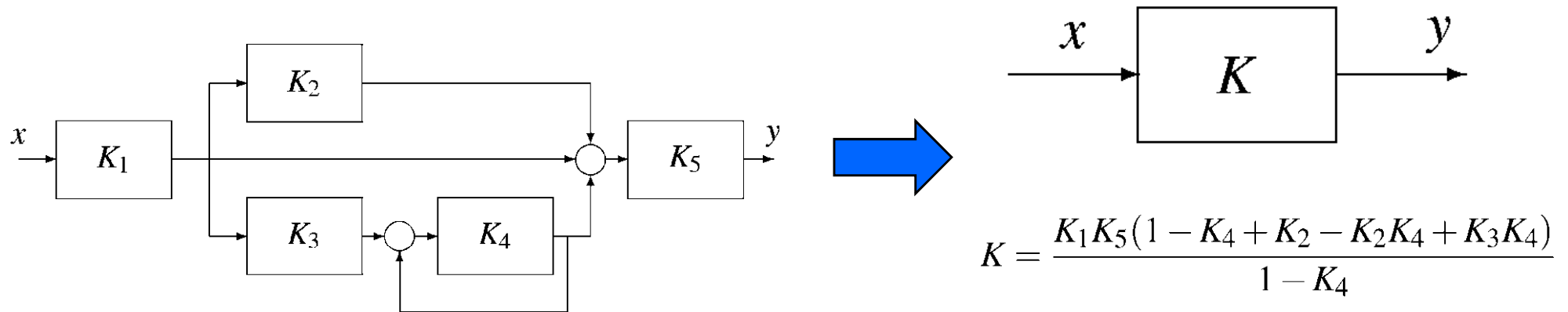
- Eliminazione di un anello:



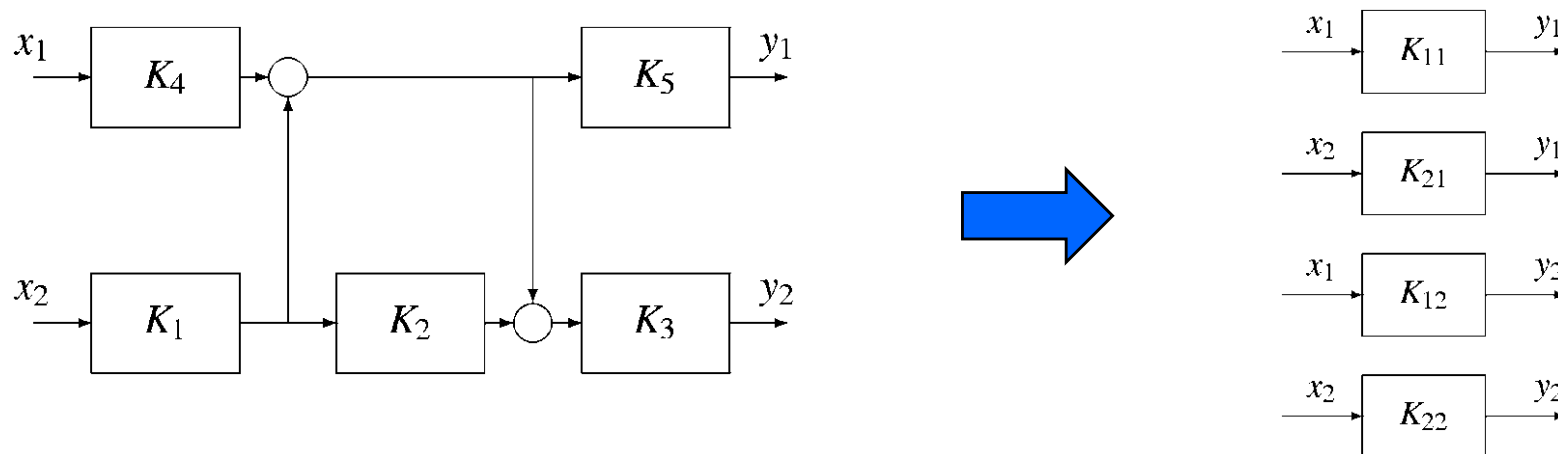


# Riduzione di schemi a blocchi

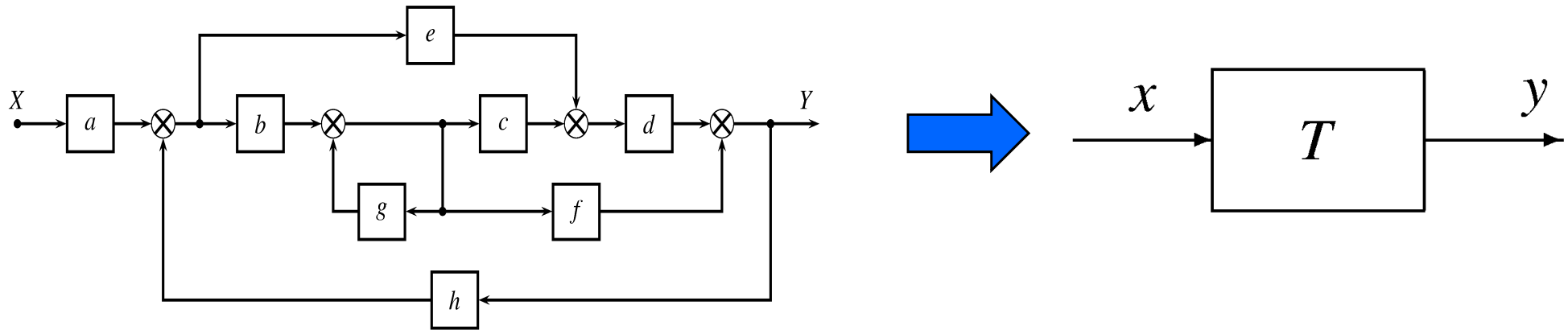
- Mediante queste otto regole fondamentali, si possono ridurre schemi a blocchi comunque complessi fino a giungere ad una *forma minima*, che consiste:
- Per i sistemi con **un solo ingresso ed una sola uscita**, in un solo blocco



- Per i sistemi con **più ingressi e più uscite** in un numero di blocchi pari al prodotto del n.o degli ingressi per il n.o delle uscite, ovvero  $m \times r$



# Riduzione di schemi a blocchi: formula di Mason



$$T = \frac{y}{x} = \frac{1}{\Delta} \sum_{i \in \mathcal{P}} P_i \Delta_i$$

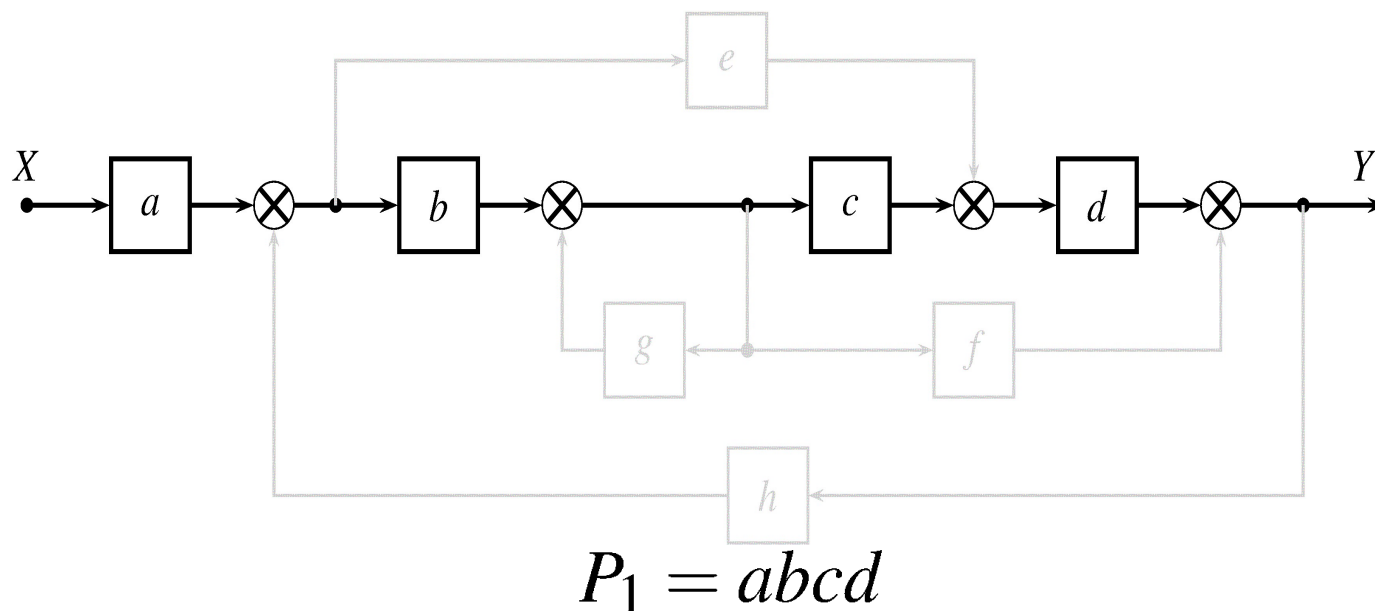
- $\mathcal{P}$  è l'insieme degli indici di tutti i percorsi distinti che collegano l'ingresso  $x$  all'uscita  $y$ .
- $P_i$  è il coefficiente dell' $i$ -esimo percorso, cioè il prodotto dei coefficienti di tutti i rami che compongono il percorso.
- $\Delta$  è il determinante dell'intero schema a blocchi.
- $\Delta_i$  è il determinante dello schema a blocchi parziale che si ottiene eliminando dallo schema tutti gli elementi appartenenti al percorso  $i$ -esimo.

# Riduzione di schemi a blocchi: formula di Mason

$$T = \frac{y}{x} = \frac{1}{\Delta} \sum_{i \in \mathcal{P}} P_i \Delta_i$$

- Un **percorso** è una successione di rami e di nodi adiacenti senza anelli in cui ogni elemento viene attraversato una sola volta. Il **coefficiente**  $P_i$  del percorso è il prodotto dei guadagni dei rami che lo compongono.

**Es.**

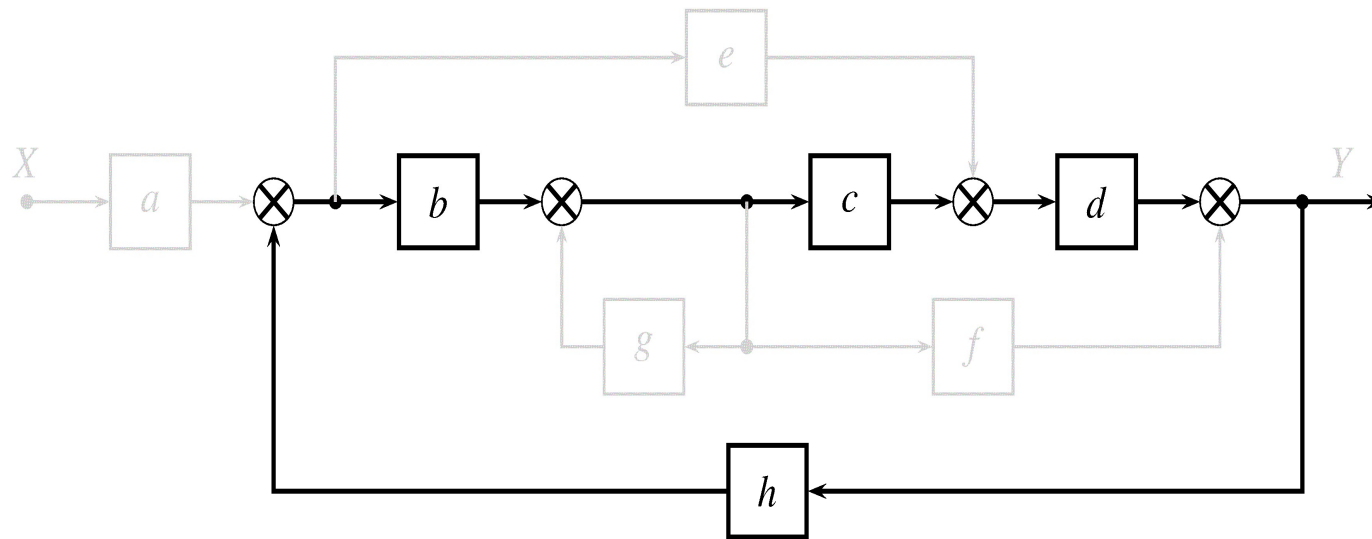


# Riduzione di schemi a blocchi: formula di Mason

$$T = \frac{y}{x} = \frac{1}{\Delta} \sum_{i \in \mathcal{P}} P_i \Delta_i$$

- Un **anello** è un percorso chiuso. Il **coefficiente**  $A_i$  dell'anello è il prodotto dei guadagni dei rami che lo compongono.

**Es.**



$$A_2 = bcdh$$

## Riduzione di schemi a blocchi: formula di Mason

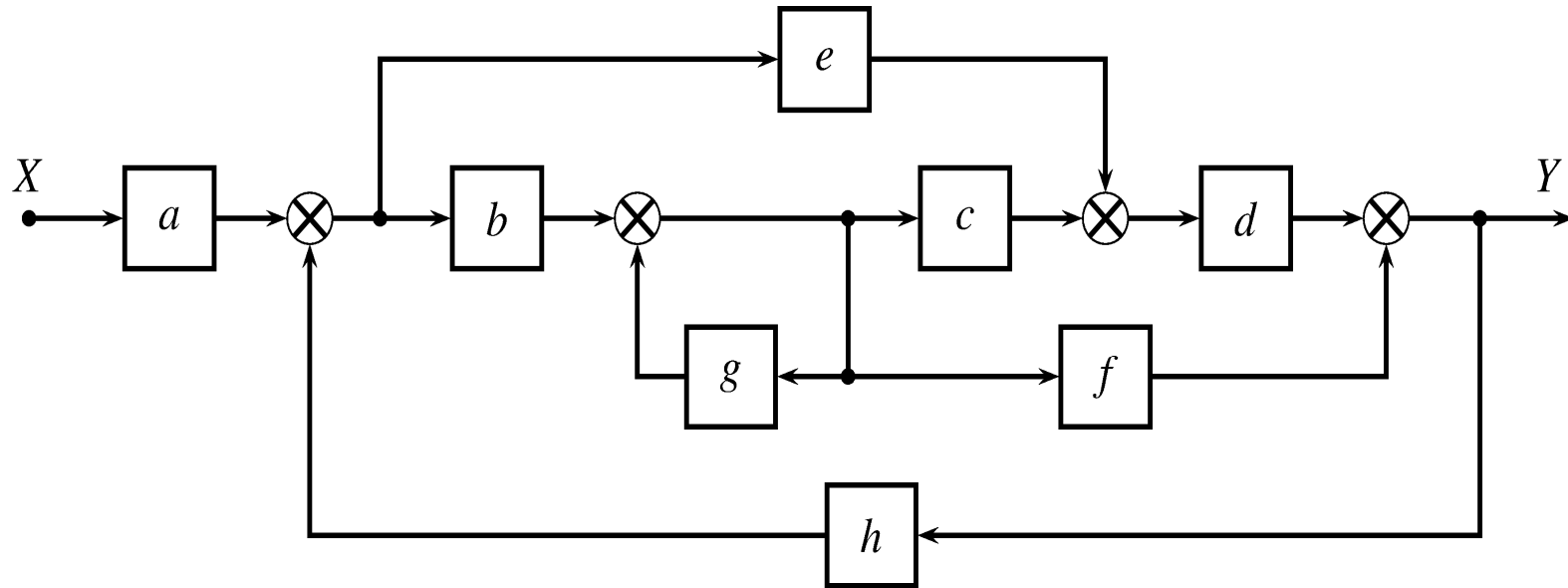
---

$$\Delta \stackrel{def}{=} 1 - \sum_{i \in \mathcal{I}_1} A_i + \sum_{(i,j) \in \mathcal{I}_2} A_i A_j - \sum_{(i,j,k) \in \mathcal{I}_3} A_i A_j A_k + \dots$$

dove

- $\mathcal{I}_1$  è l'insieme degli indici di tutti gli anelli dello schema a blocchi. Ad ogni indice  $i$  si associa il coefficiente  $A_i$  del corrispondente anello
- $\mathcal{I}_2$  è l'insieme delle **coppie** di indici degli anelli dello schema a blocchi che **non** si toccano a due a due
- $\mathcal{I}_n$  è l'insieme delle **n-ple** di indici degli anelli dello schema a blocchi che **non** si toccano a n a n

# Riduzione di schemi a blocchi: formula di Mason



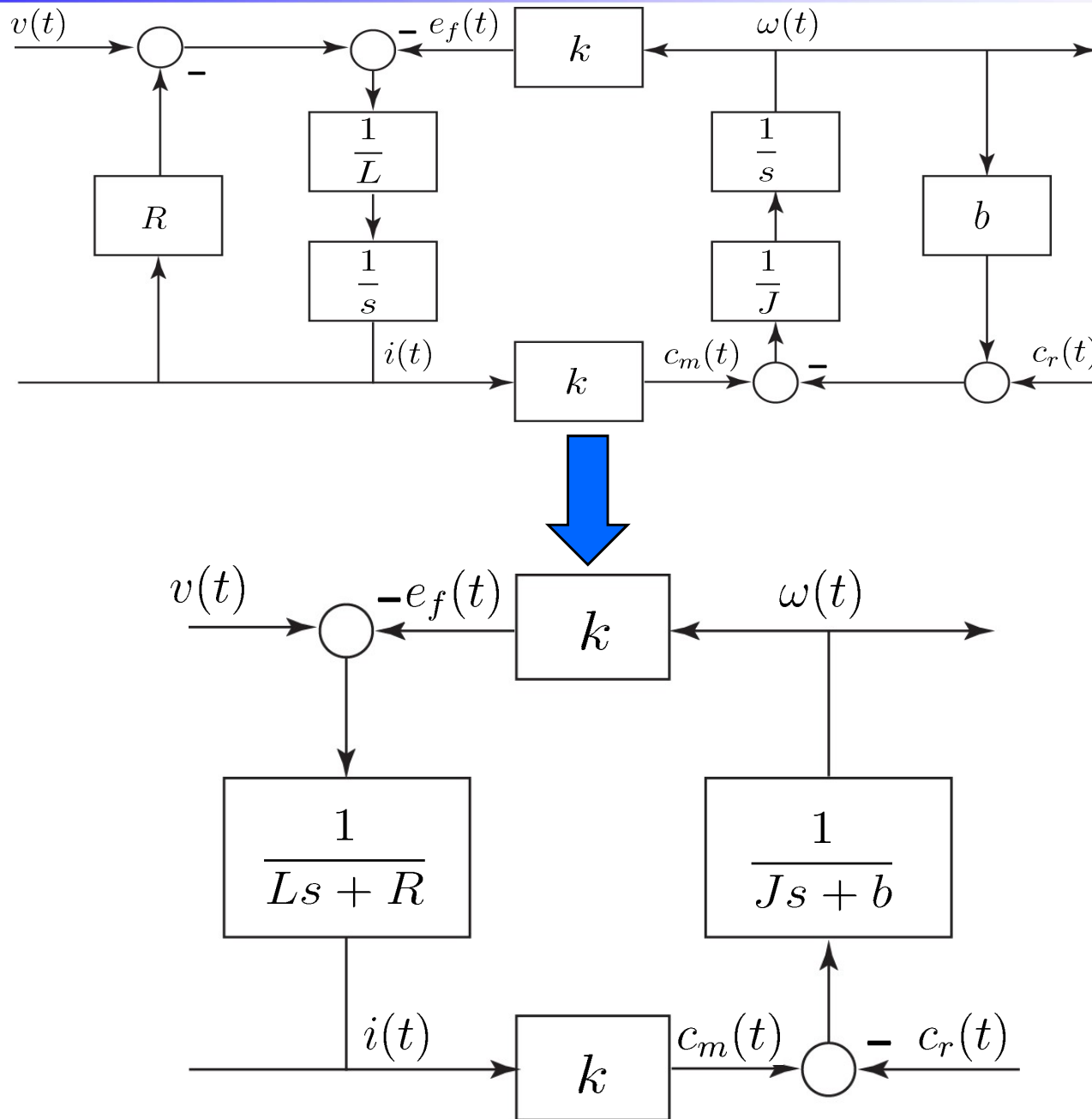
$$A_1 = edh, \quad A_2 = bcdh, \quad A_3 = bfh, \quad A_4 = g.$$

$$P_1 = abcd, \quad P_2 = aed, \quad P_3 = abf.$$

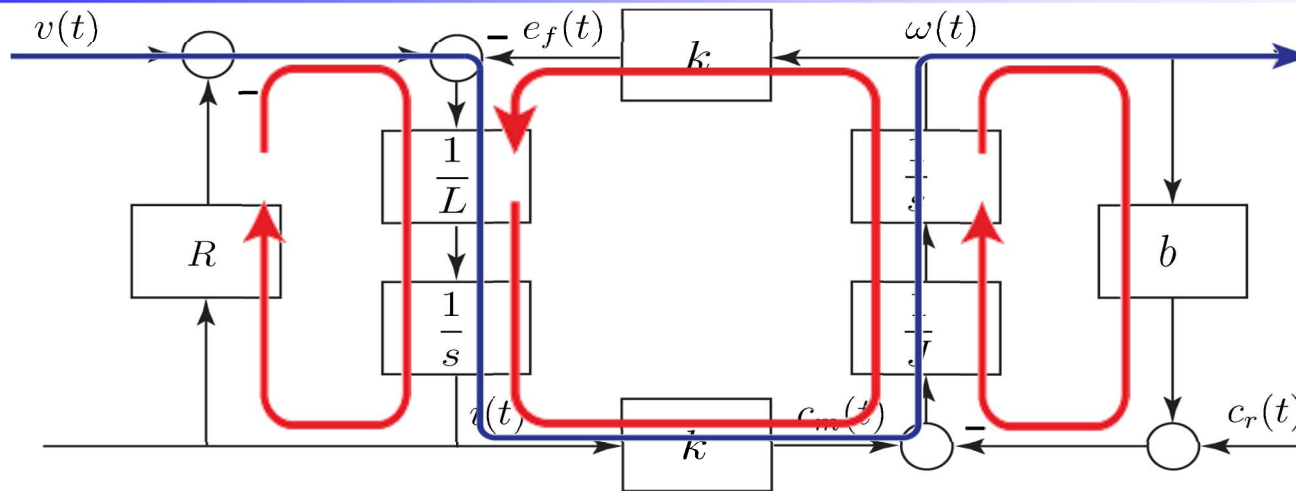
$$\Delta_1 = 1, \quad \Delta_2 = 1 - g, \quad \Delta_3 = 1.$$

$$T = \frac{abcd + aed(1 - g) + abf}{1 - edh - bcdh - bfh - g + edhg}$$

# Riduzione di modello per il motore cc



# Riduzione di modello per il motore cc



↓  $c_r(t) = 0$

$$\frac{\Omega(s)}{V(s)} = \frac{\frac{k}{L J s^2}}{1 + \frac{R}{L s} + \frac{k^2}{L J s^2} + \frac{b}{J s} + \frac{R}{L s} \frac{b}{J s}} = \frac{k}{L J s^2 + (R J + L b)s + R b + k^2}$$

↕

$$L J \frac{d^2 \omega(t)}{dt^2} + (R J + L b) \frac{d \omega(t)}{dt} + (R b + k^2) \omega(t) = k v(t)$$



# **CONTROLLI AUTOMATICI**

## **Ingegneria Meccanica e Ingegneria del Veicolo**

<http://www.dii.unimore.it/~lbiagiotti/ControlliAutomatici.html>

**SCHEMI A BLOCCHI**  
**FINE**

Ing. Luigi Biagiotti

e-mail: [luigi.biagiotti@unimore.it](mailto:luigi.biagiotti@unimore.it)

<http://www.dii.unimore.it/~lbiagiotti>